



**Matemática Discreta**  
**assunto desta Analise combinatória**  
T. Praciano-Pereira  
**alun@:**

**Lista numero 01**  
tarcisio.praciano@gmail.com  
**Dep. de Computação**

---

4 de março de 2013

Univ. Estadual Vale do Acaraú

---

Documento escrito com  $\text{\LaTeX}$  - sis. op. Debian/Gnu/Linux

---

<http://www.multivariado.sobralmatematica.org>

Se entregar em papel, por favor, prenda esta *folha de rosto* na sua solução desta lista, deixando-a em branco. Ela será usada na correção.

**Exercícios 1 Conjuntos** objetivo: Objetivo aqui programas sobre conjuntos  
palavras chave: Conjuntos, conjuntos das partes, análise combinatória

1. Combinatória

Suponha que o conjunto  $B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 0\}$  e que você tenha executado

```
(setq L '(1 2 3 4 5 6 7 8 9 0))
```

(a) (V)[ ](F)[ ] Uma das expressões LISP abaixo está errada (produz uma mensagem de erro)

```
(member 3 L)
```

```
(member 3 (1 2 3 4 5 6 7 8 9 0))
```

(b) (V)[ ](F)[ ] O resultado de

```
(member 3 L)
```

é uma lista cujo car é 3.

(c) (V)[ ](F)[ ]  $4 \subset B$

(d) (V)[ ](F)[ ]  $4 \in B$

(e) (V)[ ](F)[ ]  $\{4\} \subset B$

2. Combinatoria Considere a definição dos conjuntos

(a)  $A = \{0, 2, 4, 6, 8\}$

(b)  $\{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\} = B$

(c)  $C = \{x; x < 3\}$

e que o símbolo  $\mathbf{N}$  represente o conjunto de todos os números naturais.

(a) (V)[ ](F)[ ]  $C \subset \mathbf{N}$

(b) (V)[ ](F)[ ]  $C \cap A \subset \mathbf{N}$

(c) (V)[ ](F)[ ]  $C \cup A \subset \mathbf{N}$

(d) (V)[ ](F)[ ]  $C \subset B$

(e) (V)[ ](F)[ ]  $B \subset C$

3. Combinatoria

Considere a definição dos conjuntos

(a)  $A = \{0, 2, 4, 6, 8\}$

(b)  $\{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\} = B$

(c)  $C = \{x; x < 3\}$

que você tenha executado

```
(setq L '(1 2 3 4 5 6 7 8 9 0 ))
```

e que o símbolo  $\mathbf{N}$  represente o conjunto de todos os números naturais.

- (a)  $\underline{(V)}[\ ](F)[\ ]$  Podemos dizer que  $L$  é equivalente  $A$ .
- (b)  $\underline{(V)}[\ ](F)[\ ]$  Os objetos  $L$   $A$ . não são comparáveis porque pertencem, cada um deles, a duas estruturas sintáticas diferentes. Por exemplo, é possível construir  $10!$  listas diferentes usando os elementos de  $A$ .
- (c)  $\underline{(V)}[\ ](F)[\ ]$  Os objetos  $L$   $A$ . não são comparáveis porque pertencem, cada um deles, a duas estruturas sintáticas diferentes. Por exemplo, é possível construir  $9!$  listas diferentes usando os elementos de  $A$ .
- (d)  $\underline{(V)}[\ ](F)[\ ]$  A definição da função **segundo** que, dada uma lista  $L$ , exiba o segundo elemento de  $L$ , seria

```
(defun segundo (x)
  (cdr (car x))
)
```

- (e)  $\underline{(V)}[\ ](F)[\ ]$
- ```
(defun segundo (x)
  (car (cdr x))
)
```

4. A macro **let** atribue valores, localmente, a uma lista de variáveis com o formato

```
(let (
  (a1 valor1)
  .....
  (aN valorN)
)
```

e

```
(let* (
  (a1 valor1)
  .....
  (aN valorN)
)
```

é a macro **let\*** que é conhecida como **let paralelo** em que todas as variáveis do **let** são atribuídas em paralelo então o valor de  $a_K$  pode ser usado para o cálculo de  $a_P$ ;  $P > K$ .

Combinatória

(a) (V)[ ](F)[ ] A função minha-equacao

```
(defun minha-equacao (n)
  (let
    (
      (x (sin n))
      (y (cos n))
      (z (* x y))
    )
    (+ n z)
  )
)
```

*produz um erro.*

(b) (V)[ ](F)[ ] Esta versão da função minha-equacao calcula corretamente o valor final (+ n x y)

```
(defun minha-equacao (n)
  (let
    (
      (x (sin n))
      (y (cos n))
    )
    (+ n x y)
  )
)
```

(c) (V)[ ](F)[ ] Esta versão de minha-equacao usa a macro let\* então o cálculo (z (\* x y)) é possível.

```
(defun minha-equacao (n)
  (let*
    (
      (x (sin n))
      (y (cos n))
      (z (* x y))
    )
    (+ n z)
  )
)
```

(d) (V)[ ](F)[ ] Querendo testar se as duas expressões

```

(defun equacao (n)
  (let*
    (
      (x (sin n))
      (y (cos n))
      (z (* x y))
    )
    (+ n z) ) )

(defun Equacao (n)
  (+ n (* (cos n) (sin n)))
)

```

são equivalentes, basta avaliar as expressões para um número finito de valores de  $n$ , e obtendo sempre o mesmo valor, elas serão equivalentes.

- (e)  $(V)[](F)[]$  Suponha que  $P$  representa uma função polinômial do grau 3 em LISP e que a avaliação  $(P \ n1) \dots (P \ n3)$  resulte sempre em zero. Podemos concluir que foram encontradas as três possíveis raízes do polinômio  $P$  assim definido.

## 5. LISP

- (a)  $(V)[](F)[]$  Quero definir um polinômio do terceiro grau. Preciso de uma lista com tamanho 4 para representar os coeficientes.
- (b)  $(V)[](F)[]$  Quero definir um polinômio do terceiro grau. O polinômio fica bem definido com uma lista de tamanho 4.
- (c)  $(V)[](F)[]$  Quero definir um polinômio do terceiro grau. Preciso de uma lista  $L$  com tamanho 4 para representar os coeficientes mas devo definir se é  $(\text{car } L)$  ou  $(\text{last } L)$  que representa o coeficiente de grau 3.
- (d)  $(V)[](F)[]$  `cond` é a função equivalente ao case de C++. O resultado desta expressão será NIL

```

(cond
  ( () "não vazia" )
  ( () "vazia" )
  ( () "será ignorada" )
  ( () 3 ) )

```

- (e)  $(V)[](F)[]$  `cond` é a função equivalente ao case de C++. O resultado desta expressão será 3

```

(cond
  ( () "não vazia" )
  ( () "vazia" )
  ( () "será ignorada" )
  ( 3 ) )

```